## Übungsblatt 9

## Aufgabe 1.

- 1. Zeigen Sie, dass jede unäre Sprache eine polynomielle Schaltkreisfamilie besitzt.
- 2. Zeigen Sie, dass es nichtentscheidbare Sprachen gibt, die polynomielle Schaltkreise besitzen (Vorlesung Folie 187).

Aufgabe 2. Zeigen Sie: Für jede monotonsche boolsche Funktion

$$f: \{0,1\}^n \to \{0,1\}$$

gibt es einen monotonen Schaltkreis mit  $2^{O(n)}$  vielen Gattern, der f berechnet (Vorlesung Folie 188).

Aufgabe 3 (CLIQUE zu Schaltkreis). Geben Sie einen monotonen Schaltkreis an, der entscheidet, ob ein Graph mit vier Knoten eine Clique der Größe drei hat.

**Hinweis.** Definieren Sie die Eingangsbits via "Es gibt eine Kante von Knoten u zu Knoten v" für die verschiedenen Knotenpaare des Graphen.

**Aufgabe 4.** Zeigen Sie folgenden Satz: Für jedes n > 1 gibt es eine boolesche Funktion  $f: \{0,1\}^n \to \{0,1\}$ , der durch keinen Schaltkreis C der Größe  $\frac{2^n}{10n}$  berechnet werden kann.