

Übungsblatt 3

Aufgabe 1.

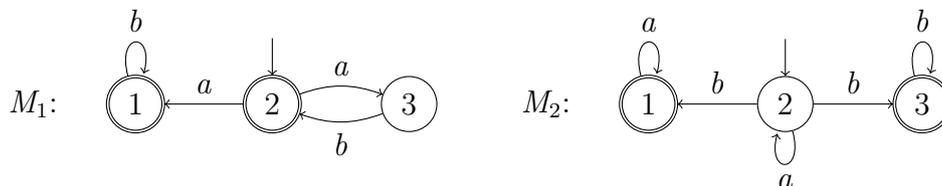
Sind die folgenden Aussagen wahr oder falsch?

- (a) Ein regulärer Ausdruck ohne *-Operator definiert eine endliche Sprache.
- (b) Sei $\alpha = (b \mid aa^*b)^*aa^*$. Es existiert ein kürzerer regulärer Ausdruck, der dieselbe Sprache wie α definiert.
- (c) Sei L eine reguläre Sprache und $u, v \in L$. Dann gilt $uv \in L$.
- (d) Sei L eine reguläre Sprache. Dann ist auch die Menge $\text{Pref}(L)$ aller Präfixe von Wörtern aus L regulär.
- (e) Sei L eine reguläre Sprache. Dann existiert ein NFA mit genau einem Startzustand und genau einem Endzustand, der L erkennt.

Aufgabe 2. Geben Sie endliche Automaten und reguläre Ausdrücke an, die die folgenden Sprachen über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$ erkennen bzw. definieren.

- (a) $\{w \in \Sigma^* \mid w \text{ endet mit } b \text{ und enthält das Teilwort } abc\}$.
- (b) $\{w \in \Sigma^* \mid |w| \text{ ist gerade}\}$.
- (c) $\{w \in \Sigma^* \mid w \text{ enthält nicht das Teilwort } ab\}$.
- (d) $\{w \in \Sigma^* \mid \text{zwischen zwei Vorkommen von } a \text{ in } w \text{ steht ein } b\}$.

Aufgabe 3. Gegeben sind die folgenden NFAs M_1, M_2 .



Konstruieren Sie NFAs, die $T(M_1) \cdot T(M_2)$ bzw. $T(M_2)^*$ erkennen.

Aufgabe 4. Zwei reguläre Ausdrücke α, β heißen *äquivalent*, geschrieben $\alpha \equiv \beta$, wenn sie die selben Sprachen definieren, also wenn $L(\alpha) = L(\beta)$ gilt. Beweisen oder widerlegen Sie die folgenden Aussagen:

(a) $\alpha \mid (\beta\gamma) \equiv \alpha\beta \mid \alpha\gamma$

(b) $\alpha\beta \equiv \beta\alpha$

(c) $(\alpha^*)^* \equiv \alpha^*$

(d) $\alpha^* \equiv \beta^*$ impliziert $\alpha \equiv \beta$