

Übungsblatt 4

Aufgabe 1

Wir betrachten lineare Ordnungen auf Σ^* , wobei $\Sigma = \{a, b\}$. Definiere die *lexikographische Ordnung* $<_{\text{lex}}$ durch

$$u <_{\text{lex}} v \iff u \text{ ist echtes Präfix von } v \text{ oder} \\ \text{es existieren } x, y, z \in \Sigma^* \text{ mit } u = xay \text{ und } v = xbz$$

und die *längen-lexikographische Ordnung* $<_{\text{llex}}$ durch

$$u <_{\text{llex}} v \iff |u| < |v| \text{ oder } (|u| = |v| \text{ und } u <_{\text{lex}} v).$$

Zeigen Sie, dass die Relationen $<_{\text{lex}}$ und $<_{\text{llex}}$ synchron-rational sind.

Aufgabe 2

Sei $L \subseteq \Sigma^*$ regulär und $n \geq 1$. Zeigen Sie durch Konstruktion eines endlichen Automaten, dass die Sprache

$$\{w_1 \otimes \cdots \otimes w_n \mid w_1, \dots, w_n \in L\} \subseteq (\Sigma_{\#}^n)^*$$

auch regulär ist.