Diskrete Mathematik für Informatiker

WS 2016/2017

Übung 9

1. a) Geben Sie alle Untergruppen der folgenden Gruppen an:

$$i - S_3$$

 $ii - (\mathbb{Z}_8, +)$

- b) Finden Sie, falls möglich, zu den beiden Gruppen je zwei Untergruppen, deren Vereinigung keine Untergruppe ist.
- 2. Zeigen Sie, dass φ mit

$$\varphi: (\mathbb{Z}, +) \to (m\mathbb{Z}, +), \varphi(x) = mx$$

für $m \in \mathbb{N}$ ein Isomorphismus ist.

- 3. Zeigen Sie, dass jede Untergruppe einer unendlichen zyklischen Gruppe selbst zyklisch ist.
- 4. Es seien K und L zwei Untergruppen einer endlichen Gruppe (G, \circ) . Beweisen oder widerlegen Sie:

a)
$$|K| \cdot |L| = |K \cap L| \cdot |KL|$$
.

b) KL ist genau dann eine Untergruppe von G, falls KL = LK.