## Übungsblatt 13

## Aufgabe 1

Geben Sie für die folgenden Formeln F jeweils  $\bigcup E(\{F\})$  an. Zeigen Sie anschließend, dass F unerfüllbar ist, indem Sie Grundresolution verwenden.

Anmerkung: Wir fassen hier  $E(\{F\})$  als Menge von KNFs in Klauselschreibweise auf. Die Operation  $\bigcup$  "entfernt" die äußere Menge, also ist  $\bigcup E(\{F\})$  die Menge aller Klauseln aus der Herbrand-Expansion für  $\{F\}$ .

(a) 
$$F_a = \forall x (P(x) \land \neg P(x))$$

(b) 
$$F_b = \forall x ((P(x) \vee \neg Q(x)) \wedge \neg P(f(a)) \wedge Q(f(a)))$$

(c) 
$$F_c = \forall x \forall y ((\neg P(x) \lor \neg P(f(y))) \land P(f(f(x))))$$