

## Übungsblatt 13

### Aufgabe 1

Wenden Sie den Unifikationsalgorithmus auf die folgenden Literalismengen an.

### Lösung

Wir schreiben  $\emptyset$  für die Substitution  $\text{sub}$  mit  $\text{Def}(\text{sub}) = \emptyset$ . Das heißt also, dass  $\text{sub}$  keine Ersetzungen vornimmt. Außerdem schreiben wir  $[x_1/t_1, \dots, x_n/t_n]$  für die Substitution  $\text{sub}$  mit  $\text{Def}(\text{sub}) = \{x_1, \dots, x_n\}$  und  $\text{sub}(x_i) = t_i$  für  $1 \leq i \leq n$ , wobei  $x_1, \dots, x_n$  verschiedene Variablen und  $t_1, \dots, t_n$  Terme sind.

(a)  $L_a = \{P(f(x), g(f(y))), P(f(g(z)), g(w))\}$

### Lösung

Wir starten mit  $\text{sub} = \emptyset$ . Danach wählen wir in jedem Schritt zwei Elemente aus  $L_a \text{sub}$ . Diese gehen wir zeichenweise von links nach rechts durch, bis wir das erste Symbol finden, an denen sich die beiden unterscheiden. Um diese Positionen hervorzuheben, markieren wir sie mit einem  $\uparrow$ .

- Wähle  $P(f(x), g(f(y)))$  und  $P(f(g(z)), g(w))$ . Wir erhalten  $\text{sub} := \text{sub}[x/g(z)]$  und  $L_a \text{sub} = \{P(f(g(z)), g(f(y))), P(f(g(z)), g(w))\}$ .
- Wähle  $P(f(g(z)), g(f(y)))$  und  $P(f(g(z)), g(w))$ . Wir erhalten also, dass

$$\begin{aligned} \text{sub} &:= \text{sub}[w/f(y)] = [x/g(z), w/f(y)] \text{ und} \\ L_a \text{sub} &= \{P(f(g(z)), g(f(y)))\}. \end{aligned}$$

Da nun  $|L_a \text{sub}| = 1$ , ist die Unifikation fertig.

(b)  $L_b = \{P(x, f(x)), P(f(y), y)\}$

### Lösung

$\text{sub} = \emptyset$ .

- $P(x, f(x))$  und  $P(f(y), y)$ ,  
 $\text{sub} := \text{sub}[x/f(y)]$ ,  
 $L_b \text{sub} = \{P(f(y), f(f(y))), P(f(y), y)\}$ .

- $P(f(y), f(f(y)))$  und  $P(f(y), y)$ .

Da  $y$  in  $f(f(y))$  vorkommt, ist die Menge nicht unifizierbar.

$$(c) L_c = \{P(f(x), g(x)), P(y, g(f(z))), P(w, g(x))\}$$

**Lösung**

$$\text{sub} = \emptyset.$$

- $P(\underset{\uparrow}{y}, g(f(z)))$  und  $P(\underset{\uparrow}{w}, g(x))$ ,  
 $\text{sub} := \text{sub}[y/w]$ ,  
 $L_{c\text{sub}} = \{P(f(x), g(x)), P(w, g(f(z))), P(w, g(x))\}.$
- $P(w, g(\underset{\uparrow}{f(z)}))$  und  $P(w, g(\underset{\uparrow}{x}))$ ,  
 $\text{sub} := \text{sub}[x/f(z)] = [y/w, x/f(z)]$ ,  
 $L_{c\text{sub}} = \{P(f(f(z)), g(f(z))), P(w, g(f(z)))\}.$
- $P(\underset{\uparrow}{f(f(z))}, g(f(z)))$  und  $P(\underset{\uparrow}{w}, g(f(z)))$ ,  
 $\text{sub} := \text{sub}[w/f(f(z))] = [y/f(f(z)), x/f(z), w/f(f(z))]$ ,  
 $L_{c\text{sub}} = \{P(f(f(z)), g(f(z)))\}.$

Da nun  $|L_{c\text{sub}}| = 1$ , ist die Unifikation fertig.

$$(d) L_d = \{P(x), P(f(y)), P(g(z))\}$$

**Lösung**

$$\text{sub} = \emptyset.$$

- $P(\underset{\uparrow}{f(y)})$  und  $P(\underset{\uparrow}{g(z)})$ .  
 Keines der beiden Symbole ist eine Variable, also ist die Menge nicht unifizierbar.

**Aufgabe 2** (Wiederholung)

Gehen Sie Vorlesung und Übungen noch einmal durch. Notieren Sie sich wichtige Fragen.