Übungsblatt 2

Aufgabe 1. Wahr oder falsch?

(a) Das folgende LOOP-Programm terminiert nicht.

$$x_1 := 5$$
; Loop x_1 Do $x_1 := x_1 + 1$ End

(b) Das folgende While-Programm berechnet die Funktion f(x) = 1.

While
$$x \neq 0$$
 Do $x := x - 2$; $x := x + 1$ End

Aufgabe 2. Schreiben Sie jeweils ein LOOP-Programm, das die Funktion berechnet.

(a)
$$f(x,y) = x + y$$
 (b) $g(x,y) = x \cdot y$ (c) $\max(x,y)$ (d) $\min(x,y,z)$

Aufgabe 3. Schreiben Sie jewils ein While-Programm mit folgenden Eigenschaften.

- (a) Auf Eingabe einer Zahl $n \ge 1$ wird der dyadische Logarithmus $\lceil \log_2 n \rceil$ ausgegeben.
- (b) Auf Eingabe einer Zahl $n \geq 2$ wird der kleinste Primteiler p von n ausgegeben.

Aufgabe 4. Bestimmen Sie jeweils die Funktion von \mathbb{N}^k nach \mathbb{N} , die durch das zugehörige Programm berechnet wird; die Ausgabevariable des Programms ist dabei stets x_1 .

(a) INPUT
$$x_1, x_2$$
 (b) INPUT x_1, x_2 (c) INPUT x_1, x_2, x_3 $x_3 \coloneqq x_2 - x_1;$ $M_1 \colon x_3 \coloneqq x_2 \cdot x_2;$ $x_2 \coloneqq x_2 \cdot x_2;$ $x_4 \coloneqq x_3 - 41;$ $x_4 \coloneqq x_2 - x_3;$ IF $x_4 = 0$ THEN END; GOTO M_1 ; $x_2 \coloneqq x_3$ END; $x_1 \coloneqq x_1 + 3$ $M_2 \colon x_1 \coloneqq x_1 + x_3;$ END; $x_3 \coloneqq x_2 - x_1;$ HALT $x_1 \coloneqq x_1 \cdot x_2;$ IF $x_3 = 0$ THEN $x_1 \coloneqq x_1 \cdot x_2;$ IF $x_3 = 0$ THEN $x_1 \coloneqq x_1 \cdot x_2;$ IF $x_3 = 0$ THEN $x_1 \coloneqq x_1 \cdot x_2$ END END